

**Exercice 1 :** (13 pts)

Le plan est muni d'un repère orthonormé  $(O, i, j)$ .

Soient les fonctions  $f$  et  $g$  définies par  $f(x) = \sqrt{x+2}$  et  $g(x) = \frac{3x+6}{2x+2}$  et on désigne par  $\mathcal{C}_f$  et  $\mathcal{C}_g$

leurs représentations graphiques respectives dans le repère  $(O, i, j)$ .

- I/ 1) Déterminer les ensembles de définition de  $f$  et de  $g$ .  
 2) Tracer  $\mathcal{C}_g$ .  
 3) Résoudre graphiquement, dans  $\mathbb{R}$ , l'inéquation  $g(x) \geq 0$ .  
 4) Calculer les coordonnées des points d'intersection de  $\mathcal{C}_f$  et  $\mathcal{C}_g$ .  
 5) Tracer  $\mathcal{C}_f$ .  
 6) Résoudre graphiquement, dans  $\mathbb{R}$ , l'inéquation  $\frac{3x+6}{2x+2} < \sqrt{x+2}$ .
- II/ 1) Déterminer les coordonnées du point  $A$  intersection de  $\mathcal{C}_f$  avec l'axe des ordonnées.  
 2) Soient  $B$  le point de  $\mathcal{C}_f$  d'abscisse 7 et  $C(1; -3)$ .  
 Montrer que le triangle  $ABC$  est rectangle.  
 3) Déterminer une équation cartésienne du cercle  $\mathcal{C}$  circonscrit au triangle  $ABC$ .
- III/ 1) Vérifier que  $E\left(-\frac{3}{2}; -\frac{3}{2}\right)$  et  $F(-4; 1)$  sont deux points de  $\mathcal{C}_g$ .  
 2) Déterminer l'équation réduite de  $(EF)$ .  
 3) Résoudre graphiquement, dans  $\mathbb{R}$ , l'inéquation  $\frac{-3x-6}{x+1} \leq 2x+6$ .
- IV/ Soit la fonction  $h$  définie par  $h(x) = \frac{3|x|+6}{2|x|+2}$ .
- 1) Déterminer l'ensemble de définition de  $h$  et montrer qu'elle est paire.  
 2) Tracer  $\mathcal{C}_h$  dans le même repère, expliquer.  
 3) Déterminer graphiquement les variations de  $h$  puis montrer que pour tout réel  $x$ ;  $h(x) \leq 3$ .

**Exercice 2 :** (7 pts)

Soit  $ABCD$  un carré de centre  $O$ , de côté  $a(a \in \mathbb{R}_+^*)$  et  $ABE$  un triangle isocèle en  $E$  situés dans deux plans perpendiculaires. Soit  $I$  le milieu de  $[AB]$ .

- 1) a) Déterminer le plan médiateur de  $[AB]$ .  
 b) Montrer que  $(ABC) \perp (OIE)$ .  
 c) Montrer que  $(EI) \perp (ABC)$ .
- 2) Soit  $\Delta$  la parallèle à  $(EI)$  passant par  $O$ .  
 a) Montrer que  $\Delta$  est l'axe du cercle circonscrit au carré  $ABCD$ .  
 b) Soit  $F$  un point de  $\Delta$  tel que  $OF = \frac{a\sqrt{2}}{2}$ .  
 Montrer que le triangle  $CDF$  est équilatéral.  
 c) Soit  $G$  le centre de gravité du triangle  $CDF$ .  
 Montrer que  $(OG) \perp (CDF)$ .

